

VERIFICA

- 1 Completa:
 - a) Per **modulazione lineare** si intende la dello spettro del intorno alla frequenza
 - b) La **modulazione di ampiezza** consiste nel del segnale portante al del segnale modulante.
 - c) La curva che si ottiene unendo i punti di picco delle oscillazione modulate è del segnale che coincide

- 2 Le due bande laterali di un **segnale AM** hanno lo stesso contenuto informativo.

Vero Falso

- 3 Che cosa si intende per **segnale DSB**?

.....

.....

- 4 Completa:
 - a) Lo spettro di un **segnale SSB** è costituito da
 - b) Un segnale SSB può essere ottenuto in una mediante un centrato su

- 5 La banda di un segnale DSB è la metà di quella di un segnale AM.

Vero Falso

- 6 Completa:
 - a) All'uscita di un **modulatore bilanciato** si ottiene un segnale il cui spettro è costituito solo
 - b) La **demodulazione lineare** è impiegata per demodulare segnali aventi ampiezza
 - c) La **demodulazione quadratica** è impiegata per demodulare segnali aventi ampiezza

- 7 La tensione di uscita del **rivelatore a involuppo** ha un andamento che segue l'involuppo della tensione modulata di ingresso.

Vero Falso

- 8 Il **modulatore a sfasamento** è utilizzato per produrre direttamente un segnale di tipo DSB.

Vero Falso

- 9 Completa:
 - a) La demodulazione dei segnali DSB si effettua il segnale modulato per e filtrando poi il segnale ottenuto con un avente larghezza di banda a quella del segnale modulante.
 - b) La **demodulazione DSB** è detta sincrona perché richiede la ricostruzione della

VERIFICA

10 Completa:

- a) La **modulazione di frequenza** consiste la frequenza della proporzionalmente al del lasciandone inalterata l'ampiezza A_M .
- b) Lo **spettro di un segnale FM** è costituito da disposte simmetricamente rispetto alla e distanti da quest'ultima
- c) Le ampiezze delle componenti che costituiscono lo spettro di un segnale FM sono date dalla non modulata per la corrispondente

11 La **distorsione** del segnale FM demodulato è trascurabile se almeno il 98 % della potenza del segnale modulato è contenuta nella banda di trasmissione B .

- Vero Falso

12 Completa:

- a) La **modulazione di fase** si ottiene variando la della portante rispetto al suo valore in assenza proporzionalmente del segnale modulante.
- b) Il **diodo varicap** o, quando è polarizzato inversamente equivale a il cui valore è proporzionale alla
- c) I circuiti che eseguono la demodulazione di frequenza sono detti

13 Il **PLL** è un circuito in grado di sincronizzare le oscillazioni di due segnali, di cui uno funge da riferimento.

- Vero Falso

14 Descrivi la **trasmissione FDM**.

.....

.....

.....

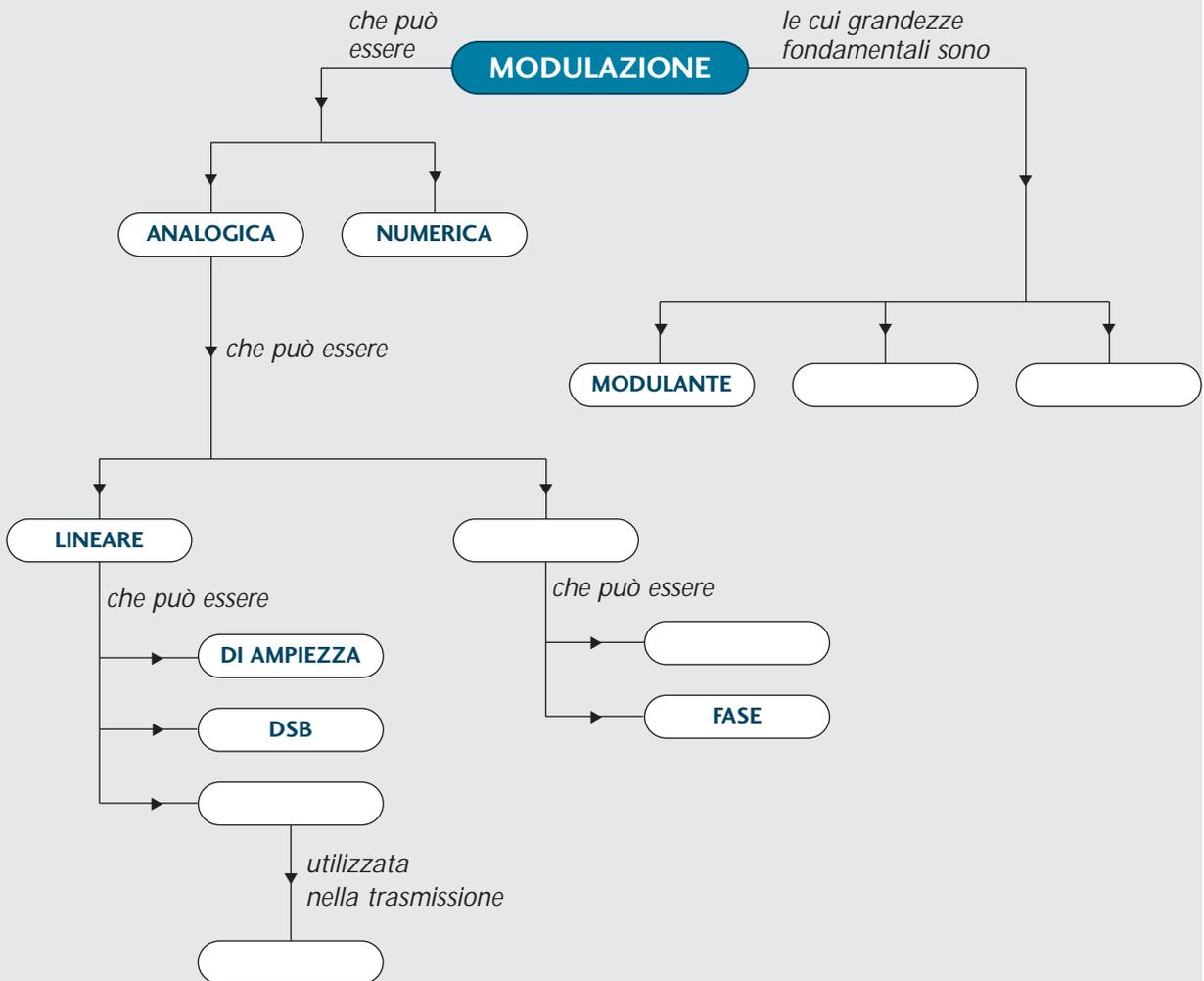
.....

COSTRUISCI LE TUE CONOSCENZE

Rispondi alle seguenti domande:

- ▶ Quali sono le grandezze che entrano in gioco in un processo di modulazione?
- ▶ Come sono classificate le modulazioni analogiche?
- ▶ Quali sono le modulazioni lineari?
- ▶ Quali sono le modulazione angolari?
- ▶ Quale tipologia di modulazione è impiegata nella trasmissione FDM?

Utilizzando come traccia le domande precedenti, completa lo schema seguente che riassume i contenuti dell'Unità.



ESERCIZI RISOLTI

- 1 L'involuppo di un segnale AM, ottenuto modulando una portante a frequenza $f_p = 120$ kHz con un segnale sinusoidale avente frequenza $f_m = 7$ kHz, oscilla tra ± 45 V e ± 20 V, come mostrato nella figura 52.

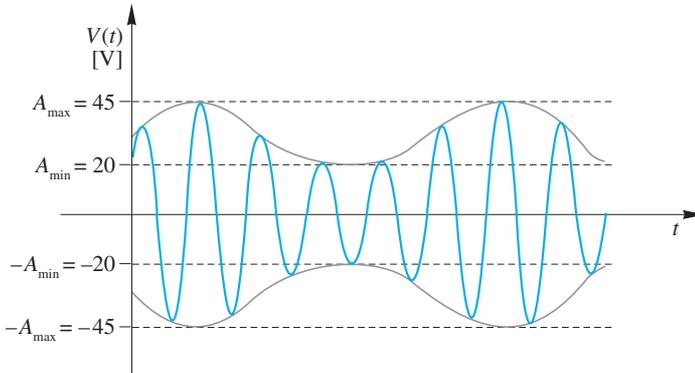


FIGURA 52
Involuppo del
segnale AM.

Considerando un carico di 75Ω determinare:

- l'espressione del segnale modulato nel dominio del tempo;
- la potenza del segnale modulato;
- la potenza di ciascuna delle bande laterali.

Soluzione

- a) L'espressione del segnale modulato nel dominio del tempo è data dall'equazione:

$$v(t) = A_M [1 + m \cos(\omega_m t)] \cos(\omega_p t)$$

in cui ω_m e ω_p valgono:

$$\omega_m = 2\pi f_m = 2\pi(7 \cdot 10^3) = 43\,982 \text{ rad/s}$$

$$\omega_p = 2\pi f_p = 2\pi(120 \cdot 10^3) = 753\,982 \text{ rad/s}$$

Occorre ora determinare l'ampiezza A_M della portante in assenza di modulazione e l'indice di modulazione m .

A tale proposito, dalla figura 52 si può osservare che l'ampiezza del segnale AM oscilla tra i valori:

$$A_{\max} = 45 = A_M(1 + m) \quad \text{per} \quad \cos(\omega_m t) = 1$$

$$A_{\min} = 20 = A_M(1 - m) \quad \text{per} \quad \cos(\omega_m t) = -1$$

Le due precedenti equazioni costituiscono un sistema dal quale si possono ricavare i valori di m e di A_M . Si ha infatti:

$$m = \frac{A_{\max} - A_{\min}}{A_{\max} + A_{\min}} = \frac{45 - 20}{45 + 20} = 0,3846$$

$$A_M = \frac{A_{\max}}{1 + m} = \frac{45}{1 + 0,3846} = 32,5 \text{ V}$$

L'espressione del segnale modulato nel dominio del tempo è allora:

$$v(t) = 32,5[1 + 0,3846 \cos(43\,982 t)] \cos(753\,982 t) \text{ V}$$

- b) Poiché la potenza P_p della portante vale:

$$P_p = \frac{A_M^2}{2R} = \frac{32,5^2}{2 \cdot 75} = 7,04 \text{ W}$$

la potenza P_m del segnale modulato, in base all'eq. [14], vale:

$$P_m = P_p \left(1 + \frac{m^2}{2}\right) = 7,04 \left(1 + \frac{0,3846^2}{2}\right) = 7,56 \text{ W}$$

ESERCIZI RISOLTI

c) La potenza di ciascuna delle bande laterali in base all'eq. [13] risulta:

$$P_l = \frac{A_M^2 m^2}{8R} = \frac{32,5^2 \cdot 0,3846^2}{8 \cdot 75} = 0,26 \text{ W}$$

Osservazione: addizionando la potenza relativa alla portante (P_p) e quelle relative alle bande laterali ($2P_l$) si ottiene la potenza totale del segnale modulante (P_m):

$$P_m = P_p + 2P_l = 7,04 + 2 \cdot 0,26 = 7,56 \text{ W}$$

2 Si consideri il seguente segnale AM modulato con un segnale sinusoidale:

$$v(t) = 35[1 + 0,5 \cos(31\,400 t)] \cos(690\,800 t) \text{ V}$$

Se la costante caratteristica del modulatore è $K_a = 1,5$ determinare:

- lo spettro del segnale AM;
- l'ampiezza del segnale modulante.

Soluzione

a) Confrontando il segnale in esame:

$$v(t) = 35[1 + 0,5 \cos(31\,400 t)] \cos(690\,800 t) \text{ V}$$

con l'espressione del segnale AM (eq. [6]):

$$v(t) = A_M [1 + m \cos(\omega_m t)] \cos(\omega_p t)$$

si ottiene:

$$A_M = 35 \text{ V} \quad m = 0,5$$

$$\omega_m = 31\,400 \quad \Rightarrow \quad f_m = \frac{31\,400}{2\pi} = 5 \text{ kHz}$$

$$\omega_p = 690\,800 \quad \Rightarrow \quad f_p = \frac{690\,800}{2\pi} = 110 \text{ kHz}$$

Le due componenti laterali, indicate con f_{li} (componente laterale inferiore) ed f_{ls} (componente laterale superiore) hanno allora frequenza pari a:

$$f_{li} = f_p - f_m = 110 - 5 = 105 \text{ kHz}$$

$$f_{ls} = f_p + f_m = 110 + 5 = 115 \text{ kHz}$$

e ampiezza pari a:

$$\frac{A_M m}{2} = \frac{35 \cdot 0,5}{2} = 8,75 \text{ V}$$

Lo spettro che ne deriva è del tipo indicato nella figura 53.

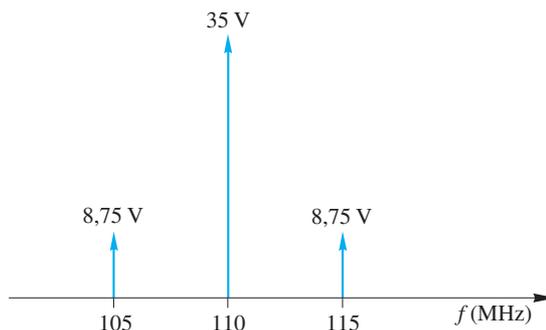


FIGURA 53
Spettro del segnale AM.

ESERCIZI RISOLTI

b) Dall'eq. [7] si può ricavare l'ampiezza del segnale modulante:

$$V_M = \frac{mA_M}{K_a} = \frac{0,5 \cdot 35}{1,5} = 11,67 \text{ V}$$

3 Un segnale sinusoidale avente frequenza $f_m = 4,5$ kHz modula in ampiezza una portante la cui ampiezza è $A_M = 23$ V. Se la potenza del segnale modulato è $P_m = 6$ W e considerando un carico di 50Ω , determinare:

- l'indice di modulazione;
- la potenza distribuita su ciascuna delle due componenti laterali;
- la banda del segnale modulato.

Soluzione

a) Poiché la potenza della portante, in assenza di modulazione, è:

$$P_p = \frac{A_M^2}{2R} = \frac{23^2}{2 \cdot 50} = 5,29 \text{ W}$$

dalla relazione:

$$P_m = P_p \left(1 + \frac{m^2}{2} \right)$$

si può determinare l'indice di modulazione m :

$$m = \pm \sqrt{\frac{2(P_m - P_p)}{P_p}} = \pm \sqrt{\frac{2(6 - 5,29)}{5,29}} = \pm 0,518$$

Scartando la soluzione negativa, che non ha alcun significato fisico, si ottiene $m = 0,518$.

b) La potenza distribuita su ciascuna componente laterale (eq. [13]) vale:

$$P_l = \frac{A_M^2 m^2}{8R} = \frac{23^2 \cdot 0,518^2}{8 \cdot 50} = 0,355 \text{ W}$$

c) La banda del segnale modulato vale:

$$B = 2f_m = 2 \cdot 4,5 = 9 \text{ kHz}$$

4 Ricavare lo schema a blocchi di un modulatore AM che impiega il dispositivo non lineare della figura 54, supponendo che il segnale modulante sia sinusoidale.

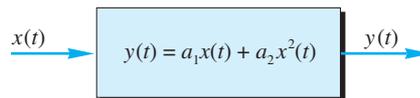


FIGURA 54

Dispositivo non lineare.

Soluzione

Applicando all'ingresso del dispositivo non lineare il segnale: $x(t) = V_M \cos(\omega_m t) + A_M \cos(\omega_p t)$ ottenuto sommando la modulante $v_m(t) = V_M \cos(\omega_m t)$ con la portante $v_p(t) = A_M \cos(\omega_p t)$, alla sua uscita si ottiene:

$$y(t) = a_1 V_M \cos(\omega_m t) + a_1 A_M \cos(\omega_p t) + a_2 [V_M \cos(\omega_m t) + A_M \cos(\omega_p t)]^2 = a_1 V_M \cos(\omega_m t) + a_1 A_M \cos(\omega_p t) + a_2 V_M^2 \cos^2(\omega_m t) + a_2 A_M^2 \cos^2(\omega_p t) + 2a_2 V_M A_M \cos(\omega_p t) \cos(\omega_m t)$$

ESERCIZI RISOLTI

Ricordando che:

$$\cos^2 \alpha = \frac{1}{2}(1 + \cos 2\alpha) \quad \cos \alpha \cos \beta = \frac{1}{2}[\cos(\alpha - \beta) + \cos(\alpha + \beta)]$$

si ha:

$$\begin{aligned} y(t) &= a_1 V_M \cos(\omega_m t) + a_1 A_M \cos(\omega_p t) + \frac{a_2 V_M^2}{2} [1 + \cos(2\omega_m t)] + \\ &+ \frac{a_2 A_M^2}{2} [1 + \cos(2\omega_p t)] + a_2 V_M A_M [\cos(\omega_p - \omega_m)t + \cos(\omega_p + \omega_m)t] = \\ &= a_1 V_M \cos(\omega_m t) + a_1 A_M \cos(\omega_p t) + \frac{a_2 V_M^2}{2} + \frac{a_2 V_M^2}{2} \cos(2\omega_m t) + \frac{a_2 A_M^2}{2} + \\ &+ \frac{a_2 A_M^2}{2} \cos(2\omega_p t) + a_2 V_M A_M \cos(\omega_p - \omega_m)t + a_2 V_M A_M \cos(\omega_p + \omega_m)t \end{aligned}$$

Lo spettro del segnale d'uscita è dunque quello della figura 55.

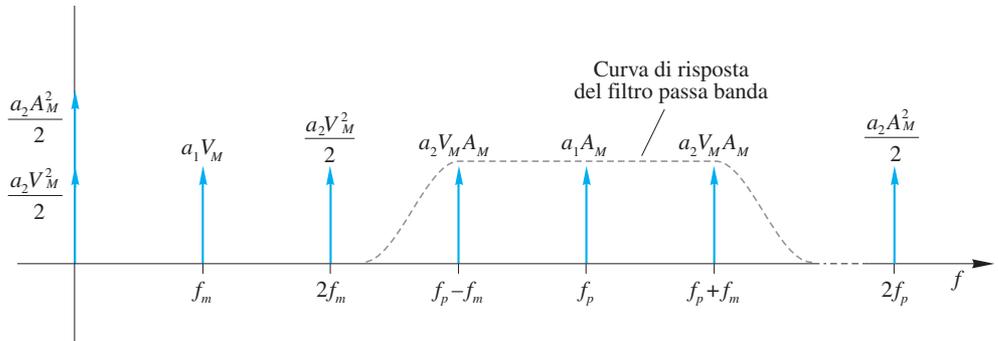


FIGURA 55
Spettro del segnale all'uscita del dispositivo non lineare.

Dalla figura 55 si può osservare che il segnale $y(t)$ contiene componenti a frequenza $f_p - f_m$, f_p ed $f_p + f_m$, cioè lo spettro del segnale AM; inserendo pertanto all'uscita del dispositivo non lineare un filtro passa banda centrato su f_p e avente larghezza di banda pari a $2f_m$, si ottiene alla sua uscita il segnale AM.

Lo schema a blocchi del modulatore AM è dunque quello della figura 56.

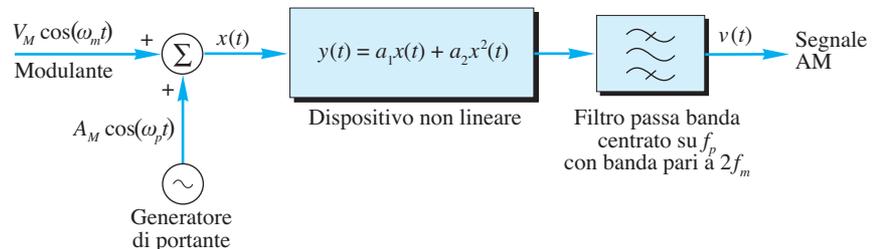


FIGURA 56
Schema a blocchi del modulatore AM.

Analizzando lo spettro della figura 55 si può osservare anche che affinché la componente a frequenza $2f_m$ non risulti contenuta nello spettro del segnale AM è necessario che sia:

$$f_p - f_m > 2f_m$$

cioè:

$$f_p > 3f_m$$

ESERCIZI RISOLTI

- 5 Un segnale sinusoidale di ampiezza $V_M = 12$ V e frequenza $f_m = 20$ kHz è impiegato per modulare in frequenza una portante con frequenza, in assenza di modulazione, $f_p = 108$ MHz e ampiezza $A_M = 32$ V. Se la costante di proporzionalità del modulatore è $K_f = 12\,000$ rad/Vs, determinare:
- l'espressione del segnale modulato;
 - la potenza del segnale modulato nel caso il carico sia $R = 50$ Ω ;
 - la deviazione di frequenza.

Soluzione

a) L'espressione del segnale FM con modulante sinusoidale (eq. [53]) è data dall'equazione:

$$v(t) = A_M \cos[\omega_p t + m_f \sin(\omega_m t)]$$

dove m_f vale (eq. [52]):

$$m_f = \frac{K_f V_M}{\omega_m} = \frac{12\,000 \cdot 12}{2\pi \cdot 20 \cdot 10^3} = 1,15$$

Si ottiene perciò:

$$v(t) = 32 \cos[2\pi \cdot 108 \cdot 10^6 t + 1,15 \sin(2\pi \cdot 20 \cdot 10^3 t)]$$

b) La potenza del segnale modulato coincide con quella della portante non modulata (l'ampiezza non subisce variazioni) per cui si ha:

$$P_p = P_m = \frac{A_M^2}{2R} = \frac{32^2}{2 \cdot 50} = 10,24 \text{ W}$$

c) La deviazione di frequenza, in base all'eq. [52], vale:

$$\Delta F = m_f f_m = 1,15 \cdot 20 \cdot 10^3 = 23 \text{ kHz}$$

- 6 Un segnale sinusoidale avente frequenza $f_m = 10$ kHz e ampiezza $V_M = 10$ V è impiegato per modulare in frequenza una portante avente frequenza $f_p = 150$ MHz e ampiezza $A_M = 30$ V. Se la costante di proporzionalità del modulatore è $K_f = 12\,600$ rad/Vs, determinare:
- lo spettro del segnale modulato;
 - la deviazione di frequenza;
 - la banda del segnale modulato.

Soluzione

a) Poiché l'indice di modulazione è pari a:

$$m_f = \frac{K_f V_M}{\omega_m} = \frac{12\,600 \cdot 10}{2\pi \cdot 10 \cdot 10^3} = 2$$

il numero di coppie di righe spettrali da prendere in considerazione risulta:

$$k = m_f + 1 = 2 + 1 = 3$$

e pertanto si considerano le seguenti componenti:

$$f_p - f_m = 150 \cdot 10^6 - 10 \cdot 10^3 = 149,990 \text{ MHz}$$

$$f_p + f_m = 150 \cdot 10^6 + 10 \cdot 10^3 = 150,010 \text{ MHz}$$

$$f_p - 2f_m = 150 \cdot 10^6 - 20 \cdot 10^3 = 149,980 \text{ MHz}$$

$$f_p + 2f_m = 150 \cdot 10^6 + 20 \cdot 10^3 = 150,020 \text{ MHz}$$

$$f_p - 3f_m = 150 \cdot 10^6 - 30 \cdot 10^3 = 149,970 \text{ MHz}$$

$$f_p + 3f_m = 150 \cdot 10^6 + 30 \cdot 10^3 = 150,030 \text{ MHz}$$

ESERCIZI RISOLTI

Inoltre, riferendosi alle funzioni di Bessel (fig. 35), per $m = 2$ si ha:

$$J_0(m_f) = J_0(2) \cong 0,22$$

$$J_1(m_f) = J_1(2) \cong 0,58$$

$$J_2(m_f) = J_2(2) \cong 0,35$$

$$J_3(m_f) = J_3(2) \cong 0,13$$

e le ampiezze delle componenti costituenti lo spettro risultano:

$$\text{portante: } A_M J_0(2) = 30 \cdot 0,22 = 6,6 \text{ V}$$

$$\text{componenti } (f_p - f_m) \text{ e } (f_p + f_m): A_M J_1(2) = 30 \cdot 0,58 = 17,4 \text{ V}$$

$$\text{componenti } (f_p - 2f_m) \text{ e } (f_p + 2f_m): A_M J_2(2) = 30 \cdot 0,35 = 10,5 \text{ V}$$

$$\text{componenti } (f_p - 3f_m) \text{ e } (f_p + 3f_m): A_M J_3(2) = 30 \cdot 0,13 = 3,9 \text{ V}$$

Lo spettro che ne deriva è pertanto del tipo indicato nella figura 57.

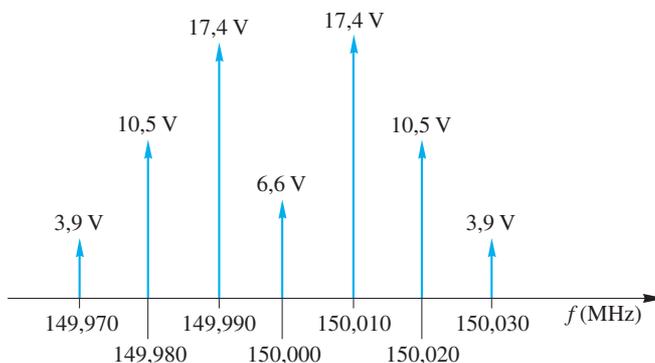


FIGURA 57
Spettro del segnale
modulato.

b) In base all'eq. [51] la deviazione di frequenza risulta:

$$\Delta F = \frac{K_f V_M}{2\pi} = \frac{12\,600 \cdot 10}{2\pi} = 20 \text{ kHz}$$

c) Dallo spettro di figura 57, la banda del segnale FM risulta:

$$B = 150\,030 - 149\,970 = 60 \text{ kHz}$$

che coincide con il risultato calcolato mediante la regola di Carson:

$$B = 2(m_f + 1)f_m = 2(2 + 1) 10 = 60 \text{ kHz}$$

7 La banda di un segnale FM, ottenuto con una modulante sinusoidale avente frequenza $f_m = 15 \text{ kHz}$ e ampiezza $V_M = 7 \text{ V}$, è $B = 70 \text{ kHz}$. Determinare:

- la costante di proporzionalità K_f del modulatore;
- la deviazione di frequenza;
- il numero delle coppie di righe costituenti lo spettro del segnale FM.

Soluzione

a) Dopo aver ricavato dall'eq. [61] l'indice di modulazione m_f :

$$m_f = \frac{B - 2f_m}{2f_m} = \frac{70 \cdot 10^3 - 2 \cdot 15 \cdot 10^3}{2 \cdot 15 \cdot 10^3} = 1,33$$



ESERCIZI RISOLTI

dall'eq. [52] si può calcolare il valore della costante di proporzionalità K_f :

$$K_f = \frac{m_f \omega_m}{V_M} = \frac{1,33 \cdot 2\pi \cdot 15 \cdot 10^3}{7} = 17907 \text{ rad/Vs}$$

b) In base all'eq. [52], la deviazione di frequenza ΔF è:

$$\Delta F = m_f f_m = 1,33 \cdot 15 = 19,95 \text{ kHz}$$

c) Poiché l'indice di modulazione è $m_f = 1,33$, dall'eq. [60] si ottiene:

$$k = m_f + 1 = 1,33 + 1 = 2,33$$

e pertanto il numero delle coppie di righe da considerare è 3, cioè l'intero immediatamente superiore a k .

8 Si consideri il VCO rappresentato nella figura 58, al cui ingresso è applicato il segnale $v_m(t)$.

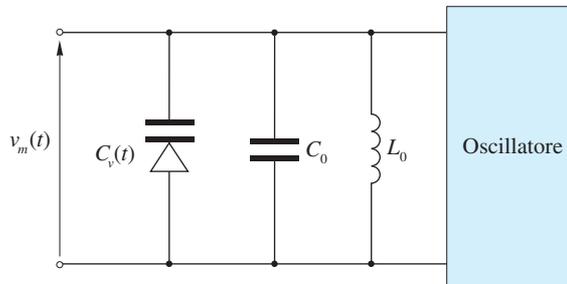


FIGURA 58
VCO con applicato in
ingresso il segnale $v_m(t)$.

Determinare:

- la legge di variazione della frequenza del VCO;
- l'espressione del corrispondente segnale FM.

Soluzione

a) Applicando all'ingresso del VCO un segnale $v_m(t)$ variabile nel tempo, la capacità del vari-cap varia con la stessa legge, per cui la capacità $C(t)$ complessiva del circuito risonante dell'oscillatore varia nel seguente modo:

$$C(t) = C_0 + C_v(t) = C_0 + K v_m(t)$$

dove K è una costante di proporzionalità tipica del VCO.

La frequenza dell'oscillatore risulta allora:

$$\begin{aligned} f(t) &= \frac{1}{2\pi\sqrt{L_0 C(t)}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_0 (C_0 + K v_m(t))}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_0 C_0 \left(1 + \frac{K}{C_0} v_m(t)\right)}} = \\ &= \frac{1}{2\pi\sqrt{L_0 C_0}} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{K}{C_0} v_m(t)}} = f_0 \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{K}{C_0} v_m(t)}} \end{aligned}$$

avendo indicato con f_0 la frequenza dell'oscillatore in assenza del segnale di ingresso. Se la costante K è molto minore di 1, risulta:

$$\frac{K v_m(t)}{C_0} \ll 1$$

ESERCIZI RISOLTI

per cui, essendo valida la seguente approssimazione:

$$\frac{1}{\sqrt{1+x}} \cong 1 + \frac{1}{2}x \quad \text{per} \quad x \ll 1$$

si ha:

$$f(t) = f_0 \left(1 + \frac{1}{2} \cdot \frac{K}{C_0} v_m(t) \right) = f_0 + \frac{Kf_0 v_m(t)}{2C_0}$$

cioè una modulazione di frequenza.

b) Dalla precedente espressione si deduce che la pulsazione del segnale FM è:

$$\omega(t) = 2\pi f(t) = 2\pi f_0 + \frac{\pi Kf_0}{C_0} v_m(t)$$

e quindi la fase $\theta(t)$ vale:

$$\begin{aligned} \theta(t) &= \int \omega(t) dt = \int 2\pi f_0 dt + \frac{\pi Kf_0}{C_0} \int v_m(t) dt = \\ &= 2\pi f_0 t + \frac{\pi Kf_0}{C_0} \int v_m(t) dt \end{aligned}$$

L'espressione del segnale FM risulta allora:

$$v(t) = A_M \cos \left[2\pi f_0 t + \frac{\pi Kf_0}{C_0} \int v_m(t) dt \right]$$

Osservazione

Nel caso di modulante sinusoidale, cioè:

$$v_m(t) = V_M \cos \omega_m t$$

si ottiene:

$$\begin{aligned} v(t) &= A_M \cos \left(\omega_0 t + \frac{\pi Kf_0}{C_0} \int V_M \cos(\omega_m t) dt \right) = \\ &= A_M \cos \left[\omega_0 t + \frac{\pi Kf_0 V_M}{\omega_m C_0} \text{sen}(\omega_m t) \right] \end{aligned}$$

Confrontando la precedente espressione con l'espressione del segnale FM (eq. [53]):

$$v_m(t) = A_M \cos [\omega_m t + m_f \text{sen}(\omega_m t)]$$

si deduce che l'indice di modulazione vale:

$$m_f = \frac{\pi Kf_0 V_M}{\omega_m C_0}$$

Esercizi Proposti

9 Dato il seguente segnale AM:

$$v(t) = 25[1 + 0,3\cos(100480t)]\cos(640560t) \text{ V}$$

determinare:

- l'indice di modulazione;
- la frequenza della portante;
- la frequenza della modulante;
- l'ampiezza della portante.

(Suggerimento: confrontare $v(t)$ con l'espressione $v(t) = A_M [1 + m\cos(\omega_m t)]\cos(\omega_p t)$ che rappresenta un segnale AM).

10 Una portante avente ampiezza $A_M = 38 \text{ V}$ è modulata in ampiezza da un segnale sinusoidale. Se la potenza del segnale modulato è $P_m = 11 \text{ W}$, la costante di proporzionalità del modulatore AM è $K_a = 2,1$ e il carico ha una resistenza $R = 75 \Omega$, determinare l'ampiezza del segnale modulante.

11 Un segnale sinusoidale, avente ampiezza $V_M = 12 \text{ V}$ e frequenza $f_m = 2,45 \text{ kHz}$, è impiegato per modulare in ampiezza una portante di ampiezza $A_M = 30 \text{ V}$ e frequenza $f_p = 123 \text{ kHz}$.

Se la costante di proporzionalità del modulatore è $K_a = 1,12$ e il carico ha una resistenza $R = 50 \Omega$, determinare:

- lo spettro del segnale modulato;
- la potenza del segnale modulato;
- la potenza di ciascuna componente laterale.

12 Un segnale sinusoidale avente frequenza $f_m = 2 \text{ kHz}$ è impiegato per modulare in ampiezza una portante avente frequenza $f_p = 70 \text{ kHz}$. Se l'indice di modulazione è $m = 0,7$ e la potenza del segnale modulato su di un carico $R = 50 \Omega$ è $P_m = 6 \text{ W}$, determinare:

- l'ampiezza della portante;
- la potenza del segnale SSB ottenuta per filtraggio dal segnale AM.

13 La banda di un segnale AM, ottenuto modulando una portante avente frequenza $f_p = 90 \text{ kHz}$ con una modulante non sinusoidale, è $B = 12 \text{ kHz}$. Sapendo che la minima frequenza contenuta nella banda della modulante è $f_{\min} = 1,5 \text{ kHz}$, determinare:

- la banda del segnale modulante;
- la larghezza di banda teorica e la frequenza centrale (f') del filtro necessario per ottenere un segnale SSB.

(Suggerimento: si disegni lo spettro del segnale AM).

14 Un segnale sinusoidale avente frequenza $f_m = 15 \text{ kHz}$ e ampiezza $V_M = 15,7 \text{ V}$ è impiegato per modulare in frequenza una portante che ha un'ampiezza $A_M = 35 \text{ V}$. Se la costante caratteristica del modulatore è $K_f = 12000 \text{ rad/Vs}$, determinare:

- l'ampiezza della portante del segnale modulato;
- la deviazione di frequenza.

(Suggerimento: si determini l'indice di modulazione m_f e quindi, tramite le funzioni di Bessel, l'ampiezza della portante modulata).

15 Determinare lo spettro e la banda del segnale FM ottenuto modulando una portante, avente ampiezza $A_M = 25 \text{ V}$ e frequenza $f_p = 98 \text{ MHz}$, con una modulante sinusoidale che ha frequenza $f_m = 20 \text{ kHz}$, sapendo che la deviazione di frequenza è $\Delta F = 60 \text{ kHz}$.

ESERCIZI PROPOSTI

- 16 Un segnale sinusoidale avente frequenza $f_m = 14$ kHz e ampiezza $V_M = 10$ V modula in frequenza una portante che ha un'ampiezza $A_M = 40$ V e frequenza $f_p = 140$ MHz. Se la costante di proporzionalità del modulatore è $K_f = 13000$ rad/Vs, determinare:
- l'espressione del segnale modulato;
 - l'espressione della frequenza del segnale modulato.
- (Suggerimento: si ricordi che la pulsazione è la derivata della fase).
- 17 La banda di un segnale FM, ottenuto con una modulante sinusoidale avente frequenza $f_m = 25$ kHz, è 100 kHz.
Determinare:
- la deviazione di frequenza;
 - la costante di proporzionalità K_f del modulatore se l'ampiezza della modulante è $V_M = 9$ V;
 - l'ampiezza della portante se la potenza del segnale modulato su un carico $R = 75 \Omega$ è $P_m = 10$ W.
- (Suggerimento: si tenga presente che la potenza di un segnale FM coincide con la potenza della portante non modulata).
- 18 Un segnale FM è ottenuto modulando una portante sinusoidale di ampiezza $A_M = 35$ V con un segnale avente ampiezza $V_M = 13$ V e frequenza $f_m = 18$ kHz.
Se la banda del segnale FM è $B = 150$ kHz, determinare:
- la deviazione di frequenza;
 - la costante K_f del modulatore;
 - la potenza del segnale FM, supponendo un carico $R = 50 \Omega$.
- (Suggerimento: si determini innanzitutto l'indice di modulazione m_f).